

```
procedimento quicksort (var v: vetor
    [1..100] de inteiro; ind_pri_ele: inteiro;
    ind_ult_ele: inteiro)
var pont_part: inteiro
inicio
    se (ind_ult_ele-ind_pri_ele>0) entao
        pont_part <- particionar(v, ind_pri_ele,
            ind_ult_ele)
        quicksort (v, ind_pri_ele, pont_part-1)
        quicksort (v, pont_part+1, ind_ult_ele)
    fimse
fimprocedimento
```

## Classificação por Particionamento - quicksort

A tarefa de escolher o pivô pode ser executada de forma mais eficiente.

A chave ideal para o pivô seria a mediana das chaves, com a qual se teria uma divisão a mais balanceada possível.

Só que para determinar a mediana é preciso ordenar o vetor!

Como a distribuição das chaves é, em princípio, aleatória, qualquer uma tem a mesma chance de ser mediana.

Mas, ao se tomar a primeira, como foi feito anteriormente, corre-se o risco de ser esta a menor (ou a maior) de todas, tornando praticamente inócuo o trabalho na primeira fase de particionamento (pois se teria uma partição sem nenhum elemento e outra com  $n-1$  elementos).

Uma escolha melhor é a mediana entre a primeira chave, a última e a do meio do vetor.

## Classificação por Particionamento - quicksort

### Exercício 58:

Reescreva os algoritmos anteriores, considerando que o pivô não é mais o primeiro elemento mas, sim a mediana entre o primeiro elemento, o último e o elemento do meio do vetor.

# Métodos de Pesquisa

## Objetivos e Caracterizações

Para que se possa falar em algoritmos de pesquisa, é necessário inicialmente introduzir a noção de mapeamento que é uma das mais primitivas em programação. Refere-se a uma regra de associação entre os valores de um conjunto (domínio) e os valores de outro (imagem).

Escreve-se

$$m: \mathbf{S} \rightarrow \mathbf{T}$$

para se declarar que  $m$  é um mapeamento do conjunto  $\mathbf{S}$  para o conjunto  $\mathbf{T}$ . Obtém-se um valor de  $\mathbf{T}$  aplicando-se  $m(i)$ , onde  $i \in \mathbf{S}$ .

Os vetores e matrizes são os casos típicos. Onde os índices são normalmente objetos simples ou no máximo tuplas homogenias (pares, triplas, etc.) de valores simples.

## Objetivos e Caracterizações

As estruturas chamadas **tabelas** são a realização da idéia genérica de mapeamento, em que os valores do domínio podem ser quaisquer. A organização das tabelas pode se reduzir aos arranjos, mas para se falar em tabelas, usa-se uma terminologia específica:

**tabela:** uma coleção de *entradas*;

**entrada:** um conjunto de *campos*, formando um *registro*, ou *linha*, da tabela;

**chave:** um campo escolhido para *identificar* a entrada.

Como pode-se perceber uma operação importante é a busca de uma entrada dado o valor da chave.

## Objetivos e Caracterizações

A tabela, como mapeamento, poderia ser operada, por exemplo, para uma consulta, da seguinte forma:

$$E = T[C];$$

Considerando E: entrada, T:tabela; C:chave.

Diversas estratégias são propostas para implementação da operação de pesquisa, levando em conta aspectos das operações usuárias e da representação física da tabela. Veremos agora dois métodos utilizados para implementação de pesquisa em tabelas, a pesquisa sequencial e a pesquisa binária.

## Pesquisa Sequencial

A pesquisa sequencial é o método mais simples.

Consiste na mera varredura serial, entrada por entrada, devolvendo-se o índice da entrada cuja chave for igual à chave fornecida como argumento da pesquisa. Ou devolvendo 0 (zero), convencionalmente, caso a chave buscada não seja localizada, tendo-se comparado todas as chaves, até o fim da tabela.

O algoritmo (módulo) a seguir nos mostra uma função que efetua uma busca sequencial em uma tabela.

```
funcao pesq (T: tabela; C: chave): inteiro  
var i: inteiro  
inicio  
    para i de 1 ate T.N faca  
        se (T.TAB[i].CH = C) entao  
            retorne (i)  
        fimse  
    fimpara  
    retorne (0)  
fimfuncao
```

## Pesquisa Sequencial

O desempenho da pesquisa sequencial pode melhorar um pouco se a tabela estiver *ordenada* em função da chave: pode-se interromper a pesquisa assim que se alcançar uma entrada com chave maior do que a pesquisada (no caso de uma ordenação crescente), significando ser desnecessário prosseguir até o fim da tabela.

O pior caso (busca da última chave) continua gerando uma varredura total da tabela.

**Exercício:** Construa um módulo que efetue uma busca sequencial em uma tabela ordenada de forma crescente em função da chave.

```
funcao pesq_seq (T: tabela; C: chave): inteiro  
var i: inteiro  
inicio  
  para i de 1 ate T.N faca  
    se (T.TAB [i].CH >= C) entao  
      se (T.TAB [i].CH = C) entao  
        retorne (i)  
      senao  
        retorne (0)  
      fimse  
    fimse  
  fimpara  
  retorne (0)  
fimfuncao
```

## Pesquisa Binária

Sobre a tabela ordenada é possível se obter um algoritmo bem mais eficiente.

A ideia do mesmo pode ser assimilada pelo seguinte exemplo: ao procurar uma palavra no dicionário (que é uma tabela ordenada), começa-se em qualquer ponto do mesmo.

Se a página aberta contiver a palavra, a busca terminou;

senão, a palavra pode estar antes ou depois dessa página, conforme ela seja lexicograficamente menor ou maior que as palavras dessa página.

## Pesquisa Binária

De modo que novamente se abre o dicionário no setor adequado, anterior ou posterior, repetindo-se este processo até encontrar a palavra.

**Exercício:** No algoritmo que elaboraremos agora, a primeira comparação de chaves é feita no meio da tabela. Se não for encontrada aí a chave procurada, pode-se abandonar metade da tabela, repetindo o processo com a divisão da outra metade pelo meio, até ser encontrada a chave ou ter-se uma metade constituída de apenas uma entrada, caracterizando-se assim a ausência da chave na tabela.

```

funcao pesq_bin (T: tabela; C: chave): inteiro
var meio, PRIM, ULT: inteiro
    achou: logico
inicio
    PRIM <- 1
    ULT <- T.N
    achou <- falso
    enquanto (PRIM<=ULT e nao achou) faca
        meio <- (PRIM+ULT)\2
        se (C= T.TAB[meio].CH) entao
            achou <- verdadeiro
        senao
            se (C>T.TAB[meio].CH) entao
                PRIM <- meio+1           //busca na parte final
            senao
                ULT <- meio-1           //busca na parte inicial
        fimse
    fimse
    fimenquanto
    se (achou) entao
        retorne (meio)
    senao
        retorne (0)
    fimse
fimfuncao

```

## Pesquisa Binária

O algoritmo anterior nos mostra uma função que implementa a pesquisa binária de forma iterativa. Nota-se que, a cada comparação, o universo de chaves a comparar é reduzido à metade e que o pior caso é quando a busca prossegue até a subtabela pesquisada ter só um elemento (encontrando-se ou não a chave procurada).

A solução recursiva é natural nesse caso, pois a metade da tabela é também uma tabela passível de operação estritamente similar à tabela inteira. Para a reformulação recursiva da função, informa-se os índices PRIM e ULT, que se referem à primeira e à última entrada do trecho onde se efetua a busca. A invocação inicial deve ser `pesq_bin_r (T, C, 1, T.N)`.

# Pesquisa Binária

## Exercício:

Como exercício, construa um módulo recursivo que implemente a pesquisa binária.

```

funcao pesq_bin_r (T:tabela; C: chave; PRIM: inteiro; ULT:
    inteiro): inteiro
var meio: inteiro
inicio
    meio <- (PRIM+ULT)\2
    se (C=T.TAB [meio].CH) entao
        retorne (meio)
    senao
        se (PRIM = ULT) entao
            retorne (0)
        senao
            se (C > T.TAB[meio].CH) entao
                retorne pesq_bin_r(T, C, meio+1, ULT)
            senao
                retorne pesq_bin_r(T, C, PRIM, meio-1)
        fimse
    fimse
fimse
fimfuncao

```

## Pesquisa Binária

### **Exercício:**

Com base no que foi estudado, defina um novo tipo de dado denominado tabela e construa um algoritmo que manipule adequadamente uma variável do tipo tabela. Dentre as possibilidades de manipulação deve ser possível efetuar uma busca binária sobre a tabela à procura de uma determinada entrada.

**Dica: Utilizar como base o exercício 43.**