

Hashing Aberto ou Encadeado: Exercício

Com base no que foi apresentado defina a(s) estrutura(s) de dados necessária(s) para a implementação de uma tabela hashing aberta.

```
#define numEntradas 8
typedef struct _Hash
{
    int chave;
    struct _Hash *prox;
} Hash;
typedef Hash* Tabela[numEntradas];
```

Hashing Aberto ou Encadeado: Exercício

Agora, implemente a função de inserção de uma chave na tabela hashing aberta em questão.

```
void inserirHash(Tabela tabela, int n)
{
    Hash* novo;
    int pos = funcaoHashing(n);
    novo = (Hash *) malloc (sizeof (Hash)); /*verificar*/
    novo->chave = n;
    novo->prox = tabela[pos];
    tabela[pos] = novo;
}
```

Hashing Aberto ou Encadeado: Exercício

```
int funcaoHashing(int num)
{
    return num % numEntradas;
}
```

Hashing Aberto ou Encadeado: Exercício

Implemente uma função que especifique se uma determinada chave está contida na tabela hashing aberta em questão.

```
Hash* localizarHash (Tabela tabela, int num)
```

```
{
```

```
    int pos = funcaoHashing (num);
```

```
    Hash* aux;
```

```
    if (tabela[pos] != NULL)
```

```
        if (tabela[pos]->chave==num)
```

```
            return (tabela[pos]);
```

```
        else
```

```
        {
```

```
            aux=tabela[pos]->prox;
```

Hashing Aberto ou Encadeado: Exercício

```
while (aux != NULL && aux ->chave != num)
    aux = aux->prox;
return (aux);
}
else
    return NULL;
}
```

Hashing Aberto ou Encadeado: Exercício

Implemente a função de remoção de uma chave na tabela hashing aberta em questão.

```
void excluirHash (Tabela tabela, int num) {
    int pos = funcaoHashing (num);
    Hash* aux;
    if (tabela[pos] != NULL) {
        if (tabela [pos] -> chave==num) {
            aux = tabela [pos];
            tabela [pos] = tabela [pos] ->prox;
            free (aux);
        }
        else
        {
```

```
Hash* ant=tabela [pos];
aux=tabela [pos]->prox;
while (aux != NULL && aux ->chave != num) {
    ant = aux;
    aux = aux->prox;
}
if (aux != NULL) {
    ant->prox = aux->prox;
    free (aux);
}
else
    printf("\nNumero nao encontrado");
}
else
    printf("\nNumero nao encontrado");
}
```



Hashing Aberto ou Encadeado: Exercício

Para uma melhor fixação do tópico em estudo com base na definição do TAD abaixo implemente suas funções ainda não definidas.

```
#define numEntradas 8
typedef struct _Hash
{
    int chave;
    struct _Hash *prox;
} Hash;
typedef Hash* TADTabelaHash[numEntradas];
void inicializarHash(TADTabelaHash);
int funcaoHashing(int);
void inserirHash(TADTabelaHash, int);
void mostrarHash(TADTabelaHash);
Hash* localizarHash (TADTabelaHash, int);
void excluirHash (TADTabelaHash, int);
void liberarMemoria(TADTabelaHash);
```

Tabelas de hash

Acabamos de estudar como implementar uma tabela hashing aberta e estudaremos agora como implementar uma tabela hashing fechada ou também denominada de tabela hashing com endereçamento aberto.

Neste tipo de implementação, a tabela hash é um vetor com m posições. Todas as chaves são armazenadas na própria tabela sem a necessidade de espaços extras ou ponteiros. Este método é aplicado quando o número de chaves a serem armazenadas é reduzido e as posições vazias na tabela são usadas para o tratamento de colisões.

Tabelas de hash

Quando uma chave x é endereçada na posição $h(x)$ e esta já está ocupada, outras posições vazias na tabela são procuradas para armazenar x . Caso nenhuma seja encontrada, a tabela está totalmente preenchida e x não pode ser armazenada.

Veremos duas maneiras de efetuar a busca por uma posição livre para armazenar x : tentativa linear e tentativa quadrática.

Tabelas de hash fechada – tentativa linear

Na tentativa linear, quando uma chave x deve ser inserida e ocorre uma colisão, a seguinte função é utilizada:

$$h'(x) = (h(x)+j) \text{ mod } m$$

para $1 \leq j \leq m-1$, sendo que $h(x) = x \text{ mod } m$

O objetivo é armazenar a chave no endereço consecutivo $h(x)+1$, $h(x)+2$, ..., até encontrar uma posição vazia.

Tabelas de hash fechada – tentativa linear

A operação de remoção é delicada, não se pode remover de fato uma chave do endereço, pois haveria perda da sequência de tentativas.

Com isso, cada endereço da tabela é marcado como livre (L), ocupado (O) ou removido (R). Livre quando a posição ainda não foi usada, ocupado quando uma chave está armazenada, e removido quando armazena uma chave que já foi removida. Para uma compreensão adequada do processo, analisaremos um exemplo.

Tabelas de hash fechada – tentativa linear

Visando manter um paralelo com o método usado anteriormente também nos utilizaremos de uma tabela com 8 entradas.

Inicialmente temos:

Índice	Situação	Chave
0	L	
1	L	
2	L	
3	L	
4	L	
5	L	
6	L	
7	L	

Inserir chave 16
 $16\%8=0$

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	L	
2	L	
3	L	
4	L	
5	L	
6	L	
7	L	

Tabelas de hash fechada – tentativa linear

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	L	
2	L	
3	L	
4	L	
5	L	
6	L	
7	L	

Inserir chave 23
 $23 \% 8 = 7$

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	L	
2	L	
3	L	
4	L	
5	L	
6	L	
7	O	23

Tabelas de hash fechada – tentativa linear

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	L	
2	L	
3	L	
4	L	
5	L	
6	L	
7	O	23

Inserir chave 41
 $41\%8=1$

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	O	41
2	L	
3	L	
4	L	
5	L	
6	L	
7	O	23

Tabelas de hash fechada – tentativa linear

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	O	41
2	L	
3	L	
4	L	
5	L	
6	L	
7	O	23

Inserir chave 25
 $25 \% 8 = 1$
 $(1+1) \% 8 = 2$

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	O	41
2	O	25
3	L	
4	L	
5	L	
6	L	
7	O	23

Tabelas de hash fechada – tentativa linear

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	O	41
2	O	25
3	L	
4	L	
5	L	
6	L	
7	O	23

Inserir chave 39

$$\begin{aligned}39 \% 8 &= 7 \\ (7+1) \% 8 &= 0 \\ (7+2) \% 8 &= 1 \\ (7+3) \% 8 &= 2 \\ (7+4) \% 8 &= 3\end{aligned}$$

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	O	41
2	O	25
3	O	39
4	L	
5	L	
6	L	
7	O	23

Tabelas de hash fechada – tentativa linear

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	O	41
2	O	25
3	O	39
4	L	
5	L	
6	L	
7	O	23

Remover chave 41
 $41 \% 8 = 1$

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	R	41
2	O	25
3	O	39
4	L	
5	L	
6	L	
7	O	23

Tabelas de hash fechada – tentativa linear

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	R	41
2	O	25
3	O	39
4	L	
5	L	
6	L	
7	O	23

Remover chave 23
 $23\%8=7$

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	R	41
2	O	25
3	O	39
4	L	
5	L	
6	L	
7	R	23

Tabelas de hash fechada – tentativa linear

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	R	41
2	O	25
3	O	39
4	L	
5	L	
6	L	
7	R	23

Remover chave 25

$$25\%8=1$$
$$(1+1)\%8=2$$

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	R	41
2	R	25
3	O	39
4	L	
5	L	
6	L	
7	R	23

Tabelas de hash fechada – tentativa linear

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	R	41
2	R	25
3	O	39
4	L	
5	L	
6	L	
7	R	23

Inserir chave 34
 $34\%8=2$

Índice	Situação	Chave
0	O	16
1	R	41
2	O	34
3	O	39
4	L	
5	L	
6	L	
7	R	23

Tabelas de hash fechada: Exercício

Com base no que foi apresentado defina a(s) estrutura(s) de dados necessária(s) para a implementação de uma tabela hashing fechada com tentativa linear.

```
#define tam 8
typedef struct
{
    int chave;
    char livre; /* L = livre, O = ocupado, R = removido*/
}Hash;
typedef Hash Tabela[tam];
```

Tabelas de hash fechada: Exercício

Agora, implemente a função de inserção de uma chave na tabela hashing fechada em questão.

```
void inserir(Tabela tabela, int n) {
    int i=0;
    int pos = funcaoHashing(n);
    while (i < tam && tabela[(pos+i)%tam].livre!='L'
    && tabela[(pos+i)%tam].livre !='R')
        i = i+1;
    if (i < tam) {
        tabela[(pos+i)%tam].chave = n;
        tabela[(pos+i)%tam].livre ='O';
    }else
        printf ("\nTabela cheia!");
}
```

Tabelas de hash fechada: Exercício

```
int funcaoHashing(int num)
{
    return num % tam;
}
```

Tabelas de hash fechada: Exercício

Implemente a função de remoção de uma chave na tabela hashing fechada em questão.

```
void remover(Tabela tabela, int n)
{
    int posicao = buscar(tabela, n);
    if (posicao < tam)
        tabela[posicao].livre = 'R';
    else
        printf ("\nElemento nao esta presente.");
}
```

Tabelas de hash fechada: Exercício

```
int buscar(Tabela tabela, int n)
{
    int i=0;
    int pos=funcaoHashing(n);
    while(i < tam && tabela[(pos+i)%tam].livre != 'L'
    && tabela[(pos+i)%tam].chave != n)
        i = i+1;
    if (i < tam && tabela[(pos+i)%tam].chave == n &&
    tabela[(pos+i)%tam].livre == 'O')
        return (pos+i)%tam;
    else
        return tam; // não encontrado
}
```

Tabelas de hash fechada: Exercício

Para uma melhor fixação do tópico em estudo com base na definição do TAD abaixo implemente suas funções ainda não definidas.

```
#define tam 8
typedef struct
{
    int chave;
    char livre; // L = livre, O = ocupado, R = removido
}Hash;
typedef Hash TabelaHash [tam];
void inicializarHash(TabelaHash *);
int funcaoHashing(int);
void mostrarHash(TabelaHash);
void inserirChave(TabelaHash, int);
int buscarChave(TabelaHash, int);
void removerChave(TabelaHash, int);
```

Tabelas de hash fechada – tentativa quadrática

Na tentativa linear as chaves que colidem geram os chamados agrupamentos primários, o que aumenta o tempo de busca.

Agora estudaremos a tentativa quadrática. Neste tipo de tentativa, outro tipo de agrupamento também é gerado, denominado agrupamento secundário, mas as degradações são reduzidas se comparadas com a tentativa linear.

Tabelas de hash fechada – tentativa quadrática

Segundo Szwarcfiter (1994), para a aplicação deste método os endereços calculados pela função de hashing $h'(x, k)$ devem corresponder à varredura de toda tabela, para $k=0, \dots, m-1$. As equações recorrentes abaixo fornecem uma maneira de calcular os endereços diretamente.

$$h'(x, 0) = h(x)$$

$$h'(x, k) = (h'(x, k-1) + k) \bmod m$$

para $1 \leq k \leq m-1$, sendo que $h(x) = x \bmod m$

Tabelas de hash fechada – tentativa quadrática

Para uma melhor compreensão analisaremos agora um exemplo, também nos utilizaremos de uma tabela com 8 entradas. Inicialmente temos:

Índice	Situação	Chave
0	L	
1	L	
2	L	
3	L	
4	L	
5	L	
6	L	
7	L	

Inserir chave 12
 $12\%8=4$

Índice	Situação	Chave
0	L	
1	L	
2	L	
3	L	
4	O	12
5	L	
6	L	
7	L	

Tabelas de hash fechada – tentativa quadrática

Índice	Situação	Chave
0	L	
1	L	
2	L	
3	L	
4	O	12
5	L	
6	L	
7	L	

Inserir chave 20
 $20\%8=4$
 $(4+1) \bmod 8=5$

Índice	Situação	Chave
0	L	
1	L	
2	L	
3	L	
4	O	12
5	O	20
6	L	
7	L	

Tabelas de hash fechada – tentativa quadrática

Índice	Situação	Chave
0	L	
1	L	
2	L	
3	L	
4	O	12
5	O	20
6	L	
7	L	

Inserir chave 28
 $28 \% 8 = 4$
 $(4+1) \bmod 8 = 5$
 $(5+2) \bmod 8 = 7$

Índice	Situação	Chave
0	L	
1	L	
2	L	
3	L	
4	O	12
5	O	20
6	L	
7	O	28

Tabelas de hash fechada – tentativa quadrática

Índice	Situação	Chave
0	L	
1	L	
2	L	
3	L	
4	O	12
5	O	20
6	L	
7	O	28

Inserir chave 36

$$36 \% 8 = 4$$

$$(4+1) \bmod 8 = 5$$

$$(5+2) \bmod 8 = 7$$

$$(7+3) \bmod 8 = 2$$

Índice	Situação	Chave
0	L	
1	L	
2	O	36
3	L	
4	O	12
5	O	20
6	L	
7	O	28

Tabelas de hash fechada – tentativa quadrática

Índice	Situação	Chave
0	L	
1	L	
2	O	36
3	L	
4	O	12
5	O	20
6	L	
7	O	28

Remover chave 12
 $12 \% 8 = 4$

Índice	Situação	Chave
0	L	
1	L	
2	O	36
3	L	
4	R	12
5	O	20
6	L	
7	O	28

Tabelas de hash fechada – tentativa quadrática

Índice	Situação	Chave
0	L	
1	L	
2	O	36
3	L	
4	R	12
5	O	20
6	L	
7	O	28

Remover chave 20

$$20 \% 8 = 4$$
$$(4 + 1) \% 8 = 5$$

Índice	Situação	Chave
0	L	
1	L	
2	O	36
3	L	
4	R	12
5	R	20
6	L	
7	O	28

Tabelas de hash fechada – tentativa quadrática

Índice	Situação	Chave
0	L	
1	L	
2	O	36
3	L	
4	R	12
5	R	20
6	L	
7	O	28

Inserir chave 44
 $44 \% 8 = 4$

Índice	Situação	Chave
0	L	
1	L	
2	O	36
3	L	
4	O	44
5	R	20
6	L	
7	O	28

Tabelas de hash fechada: Exercício

Com base no que foi apresentado defina a(s) estrutura(s) de dados necessária(s) para a implementação de uma tabela hashing fechada com tentativa quadrática.

Tabelas de hash fechada: Exercício

Agora, implemente a função de inserção de uma chave na tabela hashing fechada em questão.