

**Universidade Federal do Vale do São Francisco**  
**Colegiado de Engenharia Civil**  
**Métodos Matemáticos - Turma E5**

**Profº. Edson**

**Prova Final**

**2º Semestre**

**2020**

**Data: 02 de Novembro de 2021**

**Duração: 16:00 - 18:15**

---

**Problema 1** Determine o disco de convergência da série

$$\sum_{n=0}^{+\infty} (z + 5\mathbf{i})^{2n} (n+1)^2$$

**Problema 2** Resolva a equação

$$e^z = \frac{1 + \mathbf{i}}{\sqrt{2}}$$

**Problema 3** Verifique onde a função

$$f(z) = \frac{|z| + z}{2}$$

é analítica.

**Problema 4** Calcule a integral

$$\int_{\gamma} \frac{e^{iz}}{(z^2 + 1)^2} dz$$

onde  $\gamma$  é o círculo  $|z| = 3$  percorrido no sentido antihorário.

**Problema 5** Calcule

$$\int_0^{2\pi} \frac{8 d\theta}{5 + 2\cos \theta}$$

*Boa Sorte!*