

Universidade Federal do Vale do São Francisco  
Colegiado de Engenharia Civil  
Cálculo Diferencial e Integral III

Prof<sup>o</sup>. Edson

3<sup>a</sup> Prova

1<sup>o</sup> Semestre

2010

Data: 11 de Fevereiro

Duração: 14:00 - 18:00

---

**Problema 1** Calcule a integral de linha

$$\int_{\gamma} (y + e^{\sqrt{x}})dx + (2x + \cos y^2)dy$$

onde  $\gamma$  é a fronteira da região delimitada pelas parábolas  $y = x^2$  e  $x = y^2$ , orientada no sentido anti-horário.

**Problema 2** Calcule a área da região do plano  $x + y + z = a$  limitada pelo cilindro  $x^2 + y^2 = a^2$ .

**Problema 3** Uma superfície parametrizada  $S$  é dada por

$$\varphi : \begin{cases} x(u, v) = u \cos v \\ y(u, v) = u \sin v \\ z(u, v) = u^2 \end{cases} \quad \text{onde } \begin{cases} 0 \leq u \leq 4 \\ 0 \leq v \leq 2\pi \end{cases}$$

Sabendo que a área de  $S$  é  $\frac{\pi}{n}(65\sqrt{65} - 1)$ , determine o valor de  $n$ .

**Problema 4** Seja  $S$  uma região plana cuja fronteira é o triângulo de vértices  $(1, 0, 0)$ ,  $(0, 1, 0)$  e  $(0, 0, 1)$ . Calcule o fluxo do campo vetorial  $F(x, y, z) = x\mathbf{i} + y\mathbf{j} + z\mathbf{k}$  através de  $S$  na direção do vetor  $\mathbf{n}$  unitário normal a  $S$  com componente  $z$  não negativa.

**Problema 5** Sejam  $F(x, y, z) = -y\mathbf{i} + x\mathbf{j} + x^2\mathbf{k}$  e  $\varphi$  a superfície  $x^2 + y^2 + z^2 = 4$  com  $\sqrt{2} \leq z \leq \sqrt{3}$  e  $y \geq 0$ . Calcule

$$\iint_{\varphi} \text{rot}F \cdot \mathbf{n}ds$$

onde  $\mathbf{n}$  é o vetor normal à  $\varphi$  que aponta para cima.

Boa Sorte!