

Universidade Federal do Vale do São Francisco  
Colegiado de Engenharia Civil  
Cálculo Diferencial e Integral I - Turma 1X

Profº. Edson

Prova Final

1º Semestre

2017

Data: Terça-feira, 24 de Outubro

Duração: 10:00 - 12:00

---

**Problema 1** Calcule os limites:

a).  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{1 - \sin x}{1 + \cos 2x}$

b).  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x - \ln x)$

**Problema 2** Determine todos os valores de  $x$  para os quais a função

$$f(x) = \begin{cases} \operatorname{tg} \frac{\pi x}{4}, & \text{se } |x| < 1 \\ x, & \text{se } |x| \geq 1 \end{cases}$$

é contínua.

**Problema 3** Dado que  $f'(x) = \frac{x}{x^2 + 1}$  e  $g(x) = \sqrt{3x - 1}$ , encontre  $F'(x)$  sabendo que  $F(x) = f(g(x))$ .

**Problema 4** Qual a distância vertical mínima entre as paráolas  $y = x^2 + 1$  e  $y = x - x^2$ .

**Problema 5** Calcule a área da região delimitada pelas curvas  $y = |x|$  e  $y = x^2 - 2$ .

Boa sorte!