## Universidade Federal do Vale do São Francisco Colegiado de Engenharia Civil Cálculo Diferencial e Integral I - Turma 1X

## Prof<sup>o</sup>. Edson

3<sup>a</sup> Prova 1<sup>o</sup> Semestre 2017

Data: Terça-feira, 17 de Outubro Duração: 10:00 - 12:00

Problema 1 Calcule os limites:

a). 
$$\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \frac{1 - \sin x}{1 + \cos 2x}$$

**b).** 
$$\lim_{x \to +\infty} (x - \ln x)$$

Problema 2 Um ponto P move-se ao longo de uma curva cuja equação é

$$y = \sqrt{x^3 + 17}$$

Quando P está em (2,5), y está crescendo a uma taxa de 2 unidades por segundo. Com que rapidez x está variando?

Problema 3 Considere a função

$$f(x) = \ln \sqrt{x^2 + 4}$$

- a). Realize o estudo de crescimento de f;
- b). Realize o estudo de concavidade de f.

**Problema 4** Qual a distância vertical mínima entre as parábolas  $y = x^2 + 1$  e  $y = x - x^2$ .

**Problema 5** Calcule a área da região delimitada pelas curvas y = |x| e  $y = x^2 - 2$ .

Boa sorte!