

Universidade Federal do Vale do São Francisco  
Colegiado de Engenharia Civil  
Cálculo Diferencial e Integral I - Turma X1

Profº. Edson

Prova Final

1º Semestre

2013

Data: Segunda-feira, 30 de Setembro

Duração: 10:00 - 12:00

---

**Problema 1** Calcule os limites, caso existam.

a).  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3 - 3^x}{5 - 5^x};$

b).  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \cos x + e^{-x}}{x^2}.$

**Problema 2** Encontre as equações de duas retas pela origem que são tangentes à elipse de equação  $2x^2 - 4x + y^2 + 1 = 0$ .

**Problema 3** Ache o ponto do gráfico de  $y = x^2 + 1$  mais próximo do ponto  $(3, 1)$ .

**Problema 4** Resolva as integrais

a).  $\int x(\ln x)^2 dx;$

b).  $\int x^2 \sqrt{x-1} dx.$

**Problema 5** Calcule a área da região delimitada pelo conjunto formado pelos pontos  $(x, y)$  tais que  $x \geq 0$  e  $-x \leq y \leq x - x^2$ .

Boa sorte!