

Universidade Federal do Vale do São Francisco  
Colegiado de Engenharia Civil  
Cálculo Diferencial e Integral I - Turma M1

Profº. Edson

3<sup>a</sup> Prova

1º Semestre

2013

Data: Quarta-feira, 25 de Setembro de 2013

Duração: 14:00 - 16:00

---

**Problema 1** Determine e classifique os pontos extremos da função

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1, & \text{se } x \geq 1 \\ 1 - x^2, & \text{se } x < 1 \end{cases}$$

**Problema 2** Calcule os limites, caso existam.

a).  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3 - 3^x}{5 - 5^x};$

b).  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \cos x + e^{-x}}{x^2}.$

**Problema 3** Ache o ponto do gráfico de  $y = x^2 + 1$  mais próximo do ponto  $(3, 1)$ .

**Problema 4** Resolva as integrais

a).  $\int x(\ln x)^2 dx;$

b).  $\int x^2 \sqrt{x-1} dx.$

**Problema 5** Calcule a área da região delimitada pelo conjunto formado pelos pontos  $(x, y)$  tais que  $x \geq 0$  e  $-x \leq y \leq x - x^2$ .

Boa sorte!