

Universidade Federal do Vale do São Francisco  
Colegiado de Engenharia Civil  
Cálculo Diferencial e Integral I - Turma M1

Profº. Edson

1ª Prova

1º Semestre

2013

Data: Quarta-feira, 17 de Julho de 2013

Duração: 14:00 - 16:00

---

**Problema 1** Calcule os limites:

a).  $\lim_{t \rightarrow 0} \frac{\sqrt{6+t} - \sqrt{6}}{t};$

b).  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x} \left[ 1 - \frac{1}{(x+1)^2} \right].$

**Problema 2** Calcule os limites:

a).  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^{99} + x^{98}}{x^{100} - x^{99}};$

b).  $\lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{x^2 + 5x + 1}{x^2 - 2x - 3}.$

**Problema 3** Dada a função

$$f(x) = \begin{cases} kx - 3, & \text{se } x \leq -1 \\ x^2 + 4, & \text{se } x > -1 \end{cases}$$

Encontre o valor de  $k$  para o qual  $f$  seja contínua em  $x = -1$ .

**Problema 4** Calcule os limites:

a).  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^2 x}{2x^2};$

b).  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2}{1 - \cos^2 \left(\frac{x}{2}\right)}.$

**Problema 5** Calcule os limites:

a).  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left( \frac{3x+1}{3x-5} \right)^x;$

b).  $\lim_{n \rightarrow +\infty} \left( 1 + \frac{4}{n} \right)^n.$

Boa sorte!