## Universidade Federal do Vale do São Francisco Colegiado de Engenharia Civil Cálculo Diferencial e Integral I

Prof<sup>o</sup>. Edson

Prova Final (Turma 11)

2° Semestre

2010

Data: 08 de Dezembro

Duração: 10:00 - 12:00

Problema 1 Encontre os limites

a). 
$$\lim_{x \to \pi^+} \frac{\sin x}{x - \pi};$$

b). 
$$\lim_{x \to +\infty} \sqrt{x^2 + x} - x.$$

Problema 2 Considere

$$f(x) = \frac{x^3}{1+x^2}$$

Calcule f''(x).

**Problema 3** Encontre um ponto sobre o gráfico da função  $y=e^{3x}$  no qual a reta tangente passa pela origem.

Problema 4 A janela de uma igreja consiste de um retângulo com um semicírculo em cima e deve ter um perímetro p. Encontre o raio do semicírculo para que a área da janela seja máxima.

Problema 5 Calcule as integrais

a). 
$$\int \frac{1}{\sqrt{x}} \operatorname{sen} \sqrt{x} dx;$$

b). 
$$\int \frac{dx}{x \ln x}.$$

Boa sorte!