

**Universidade Federal do Vale do São Francisco**  
**Coelgiado de Engenharia Civil**  
**Cálculo Diferencial e Integral I**

**Profº. Edson**

**1<sup>a</sup> Prova**

**2<sup>o</sup> Semestre**

**2007**

**Data:** Segunda-feira, 10 de Setembro de 2007

**Duração:** 10:00 - 12:00

---

**Problema 1** *Calcule os limites:*

$$a). \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{\cos x};$$

$$b). \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - x^2 - 8x + 12}{x^3 - 2x^2 - 4x + 8}.$$

**Problema 2** *Seja  $f$  uma função tal que  $|f(x) - f(1)| \leq (x - 1)^2$  para todo  $x \in \mathbb{R}$ . Prove que  $f$  é contínua em  $x = 1$ .*

**Problema 3** *Calcule os limites:*

$$a). \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\cos h - 1}{h};$$

$$b). \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\operatorname{sen}(\frac{\pi}{8} + h) - \operatorname{sen} \frac{\pi}{8}}{h}.$$

**Problema 4** *Seja  $f$  uma função tal que*

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} = 1$$

*Calcule  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x^2)}{x}$ .*

**Problema 5** *Calcule os limites:*

$$a). \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{x^3 + 2x - 1}}{\sqrt{x^2 + x + 1}};$$

$$b). \lim_{x \rightarrow 0} (1 + 2x)^{\frac{1}{x}}.$$

*Boa sorte!*